DOI:10.14048/j.issn.1671-2579.2024.01.023

# 基于 Bayes-LSTM 的公路隧道围岩变形 预测方法研究

## 刘智<sup>1</sup>,李欣雨<sup>2</sup>,李震<sup>1</sup>,孔宪光<sup>2</sup>,常建涛<sup>2</sup>

(1.中交第一公路勘察设计研究院有限公司,陕西西安 710076;2.西安电子科技大学,陕西西安 710065)

摘要:在公路隧道施工过程中,围岩的稳定性对隧道施工的影响较大。因此公路隧道围岩变形的监控量测与准确预测 是保障隧道施工安全的关键。针对当前隧道围岩变形的预测精度较低以及泛化能力较差等问题,该文提出一种基于 贝叶斯(Bayes)优化长短期记忆网络(LSTM)的方法,该方法首先对拱顶沉降和周边收敛的原始监测数据进行预处 理,而后构建公路隧道拱顶沉降与周边收敛的初始LSTM模型,并利用Bayes优化模型中的超参数,最终得出预测结 果。利用该模型对某公路隧道拱顶沉降和周边收敛进行预测,将预测结果以均方根误差为评价指标与神经网络 (CNN)和支持向量回归(SVR)进行对比。预测拱顶沉降时,Bayes-LSTM模型的平均预测精度相较于CNN与SVR 模型分别提高了1.0与1.26;预测周边收敛时,Bayes-LSTM模型平均精度相较于CNN与SVR分别提高了0.3与0.32。 表明Bayes-LSTM模型的预测精度较高,同时其能在训练模型过程中对历史信息进行判断和取舍,极大地提高了时序 数据处理的效率,为公路隧道围岩变形预测提供了新的思路和探索。

**中图分类号:**U456.3 文献标志码:A

# Prediction Method of Surrounding Rock Deformation of Highway Tunnels Based on Bayes-LSTM

LIU Zhi<sup>1</sup>, LI Xinyu<sup>2</sup>, LI Zhen<sup>1</sup>, KONG Xianguang<sup>2</sup>, CHANG Jiantao<sup>2</sup>

(1.CCCC First Highway Consultants Co., Ltd., Xi'an, Shaanxi 710076, China; 2.Xidian University, Xi'an, Shaanxi 710065, China)

Abstract: In the process of highway tunnel construction, the stability of surrounding rock has a great impact on tunnel construction. Therefore, the monitoring measurement and accurate prediction of surrounding rock deformation of highway tunnels are the keys to ensuring the safety of tunnel construction. In view of the low prediction accuracy and poor generalization ability of tunnel surrounding rock deformation, this paper proposed a Bayesian (Bayes) -based method to optimize the long-term and short-term memory (LSTM) network. The method first preprocessed the original monitoring data of crown settlement and peripheral convergence, then constructed the initial LSTM model of crown settlement and peripheral convergence of highway tunnels, and used the super parameters in the Bayes optimization model to obtain the prediction results. The model was used to predict the crown settlement and peripheral convergence of a highway tunnel, and the prediction results were compared with convolutional neural network (CNN) and support vector regression (SVR) using root mean square error as the evaluation index. When the crown settlement was predicted, the average prediction accuracy of the Bayes-LSTM model was 1.0 and 1.26 higher than that of the CNN and SVR models, respectively. When peripheral convergence was predicted, the average accuracy

收稿日期:2022-07-27(修改稿)

基金项目:中国交建科技研发项目(编号:2019-ZJKJ-08);中交第一公路勘察设计研究院有限公司科技研发项目(编号: KYHT2020-43);中交第一公路勘察设计研究院有限公司科创基金项目(编号:KCJJ2020-19)

作者简介:刘智,男,硕士,高级工程师.E-mail:darcy\_liu@163.com

167

of the Bayes-LSTM model was 0.3 and 0.32 higher than that of CNN and SVR, respectively. The results show that the Bayes-LSTM model has higher prediction accuracy, and it can judge and choose the historical information in the process of model training, which greatly improves the efficiency of time series data processing. The model provides a new idea for the prediction of surrounding rock deformation of highway tunnels.

Keywords: highway tunnel; surrounding rock deformation; data analysis; LSTM; Bayesian optimization

# 0 引言

在公路隧道施工过程中,围岩大变形是一种常见的施工灾害,对隧道的正常施工具有较大的影响<sup>[1]</sup>,隧道的监控量测工作对隧道的安全施工具有指导作用。由于隧道围岩的地质条件差异,使其具有较大的各向异性、非均质性、非连续性,导致隧道变形的理论计算较为困难。因此,在建设过程中利用稳定性或收敛变形预测方法辅助判断围岩的变形趋势及稳定性<sup>[2]</sup>,将对支护设计提供重要参考,避免施工中安全事故的出现。

目前,国内外众多学者对公路隧道围岩变形预 测展开了大量的研究。张云鹏等[3]为解决围岩大变 形中出现的高度非线性时序问题,采用高斯过程回 归构建隧道围岩大变形预测模型;孙柏林等[4]提出含 有4个参数的增长曲线 Richards 模型,可以较好地应 用于隧道开挖施工过程中的围岩变形预测;曹孟潇 等<sup>[5]</sup>将神经网络预测模型与马尔科夫链结合应用于 公路隧道围岩的开挖变形预测;冯永年[6]通过分析隧 道围岩的收敛变形特征,基于宴家隧道典型断面开 挖过程中的实测围岩收敛变形数据,建立了宴家隧 道围岩收敛变形预测GM(1,1)灰色模型;廖烟开 等[7]采用挤压因子法对某软岩隧道挤压性大变形等 级进行预测,然后采用隧道周边应变法对挤压性大 变形的量值进行预测;文明等[8]提出非线性自回归时 间序列预测模型,引入动态施工影响因子作为附加 的外部输入,提高了模型的预测精度和适应性;周冠 南等<sup>[9]</sup>通过构建基于遗传算法的BP神经网络智能反 分析系统(GA-BP),实现了遗传算法自动搜索 BP网 络参数,大大提高了反演分析的效率;刘艳明<sup>[10]</sup>针对 石牛岭隧道出口右洞地表预固结处的灌木丛中发生 地表塌陷问题,结合观测现象与量测数据对造成塌 陷的原因进行分析,并采用曲线拟合的方法对隧道

围岩未来的发展趋势进行预测;李贤等<sup>[11]</sup>通过对围 岩蠕变特性的理论--位移公式计算和现场监控量测 数据的回归分析,得出了中和村隧道围岩变形规律 和二次衬砌最佳支护时机的参考范围。

Shi 等<sup>[12]</sup>运用了支持向量机(SVM)信息粒化方 法预测围岩的变形,具有较高的精度;曹怀宇<sup>[13]</sup>在收 集现有隧道围岩分类数据的基础上,运用粗糙集理 论探索数据中包含的隐性知识,以实现隧道围岩的 分类预测;王开洋等<sup>[14]</sup>通过物理、化学试验确定其壁 岩软岩为非膨胀岩,并预测了这些软岩的挤压变形, 结合原位应力的实测数据和数值模拟结果,说明了 隧道区域最大主应力的分布;Pan<sup>[15]</sup>结合萤火虫算法 (FA)和非线性自回归(NAR)动态神经网络方法,提 出了一种用于预测动态非线性围岩变形的算法模 型;黄永红<sup>[16]</sup>运用了MGM(1,3)+AR(3)模型组合, 不仅可以反映序列数据发展和变化的趋势,而且可 以考虑数据序列中随机波动的影响,可以拟合并进 行高精度的预测。

针对围岩变形的动态预测,循环神经网络 (Recurrent Neural Network, RNN)的内部节点采用 递归连接的方式,使各个隐藏层之间能够相互连接, 更好地实现网络状态反馈。长短时记忆网络(Long Short-Term Memory, LSTM)是循环神经网络的变 体,可以解决RNN无法处理长距离的依赖问题,能够 更好地处理时序数据。

基于以上研究,本文采用LSTM模型对拱顶沉 降与周边收敛进行预测。首先针对拱顶沉降与周边 收敛构建初始LSTM模型,贝叶斯(Bayes)模型优化 初始模型中的超参数,然后利用优化后的LSTM模 型预测拱顶沉降与周边收敛,最后与神经网络 (Convolutional Neural Network, CNN)和支持向量 回归(Support Vector Regression, SVR)模型分别进 行对比,以均方根误差*E*<sub>RMSE</sub>评价各模型的预测精度。 核心技术方法与杨背背等<sup>[17]</sup>针对滑坡位移动态预测 方法相似。

# 1 Bayes-LSTM 模型构建

#### 1.1 LSTM网络基本原理

LSTM 网络是一种改进的循环神经网络,能够 规避 RNN 中梯度爆炸和梯度消失的问题。所有 RNN都具有一种重复神经网络模块的链式形式。在 标准的 RNN 中,这个重复的模块只有一个非常简单 的结构,RNN 网络结构如图1所示。



# 图 1 RNN 网络结构 Figure 1 RNN structure

图1中:h,为t时刻隐藏层的状态值;x,为当前时 刻输入层的输入向量。

RNN单元的计算公式为:

$$h_t = \tanh(W_h h_{t-1} + W_h x_t + b_h)$$
 (1)

由式(1)可以看到:RNN本时刻的隐藏层信息只 来源于当前输入于上一时刻的隐藏层信息,没有记 忆功能。

LSTM也具有这种链式结构,如图2所示。显然,LSTM的网络结构相比于RNN复杂了很多,从微观上看,LSTM引入了细胞状态。同时,LSTM拥有3个"门",分别为"遗忘门""输入门""输出门",其能够靠一些"门"的结构让信息有选择地影响循环神经网络的每个时刻的状态,有选择性地决定让哪些信息通过。



图 2 LSTM 网络结构

#### Figure 2 LSTM network structure

LSTM的第一步"遗忘门"决定细胞状态需要丢

弃哪些信息,其决定了上一时刻的单元状态 $C_{t-1}$ 对 当前时刻单元状态 $C_t$ 的影响程度, $f_t$ 为遗忘门的输 出,上一序列中隐藏状态 $h_{t-1}$ 与当前时刻的序列数据  $x_t$ 作为输入, $\sigma$ 为激活函数(常用 Sigmoid 函数), $b_f$ 为 遗忘门的偏置向量, $W_t$ 为遗忘门权值矩阵。

$$f_t = \sigma(W_f h_{t-1} + W_f x_t + b_f) \tag{2}$$

第二步"输入门"决定给细胞状态添加哪些新的 信息,由两部分组成,计算公式如下:

$$i_{t} = \sigma(W_{i}h_{t-1} + W_{i}x_{t} + b_{i})$$
(3)  
$$C_{t} = f_{t} \times C_{t-1} + i_{t} \times \tanh(W_{c}h_{t-1} + W_{c}x_{t} + b_{c})$$
(4)

式中: $i_t$ 决定更新到细胞状态中的所需信息; $C_t$ 为t时 刻新的单元状态; $W_c$ 为输入门权值矩阵; $b_c$ 为输入门 的偏置向量;激活函数tanh为双曲正切函数。

首先,利用 $h_{t-1}$ 和 $x_t$ 通过输入门的操作决定更新 哪些信息,然后利用 $h_{t-1}$ 和 $x_t$ 通过 tanh 层得到新的候 选细胞信息,随后更新旧细胞信息 $C_{t-1}$ 为新细胞信 息 $C_{to}$ 

第三步"输出门"根据输入的和来判断输出细胞 的哪些状态特征,控制*C*<sub>i</sub>对*h*<sub>i</sub>的影响程度,其更新公 式如下:

$$o_t = \sigma(W_o h_{t-1} + W_o x_t + b_o) \tag{5}$$

$$h_t = o_t \times \tanh\left(C_t\right) \tag{6}$$

式中:o<sub>t</sub>决定细胞状态的输出部分;b<sub>o</sub>为输出门偏置 向量;W<sub>o</sub>为输出门权值矩阵;h<sub>t</sub>为t时刻x<sub>t</sub>对应单元 的隐藏层状态值。

#### 1.2 贝叶斯优化原理

贝叶斯优化是一种近似逼近的方法,用高斯过 程、随机森林等各种概率代理模型拟合超参数与模 型评价之间的关系,得出效果最好的超参数组合。 其适用于黑箱优化(即无需知道函数具体表达式,只 需指定输入和输出即可),贝叶斯参数优化会考虑之 前的参数信息,更新目标函数的后验分布,直到后验 分布基本贴合于真实分布。

贝叶斯优化中的概率代理模型指通过某种概率 模型替代目标函数,则后验概率的更新公式为:

$$p(f|D) = \frac{p(D|f)p(f)}{p(D)}$$
(7)

式中: $D = \{(x_1, f_1), (x_2, f_2), \dots, (x_n, f_n)\}$ 为已采集到的样本点;p(f)为先验分布,能够通过上述贝叶斯公

式算出f的后验分布。

贝叶斯优化的代理模型主要分为以下3类:TPE (Tree Parzen Estimator,树形 Parzen评估器),SMAC (随机森林回归),GP(高斯过程)。本文采用TPE, 一种基于树状结构 Parzen 密度估计的非标准贝叶斯 优化算法,相比于其他模型,其在高维空间表现的效 果更好,速度有显著提高。

TPE参数配置空间是树形的,主要对p(x|y)和p(y)进行建模<sup>[9]</sup>,前面的参数决定了后续要选择使用哪些参数以及参数的取值范围。

TPE定义了如下两个概率密度:

$$p(x|y) = \begin{cases} l(x), y < y^* \\ g(x), y > y^* \end{cases}$$
(8)

式中:l(x)为 $f(x^{i})$ 小于阈值 $y^{*}$ 对应的{ $x^{i}$ }的概率密度;g(x)为 $f(x^{i})$ 大于阈值 $y^{*}$ 对应的{ $x^{i}$ }的概率密度。

通过不同的位置反复测量待优函数,可以获得 更多的信息来估计待优函数的分布,从而搜索到最 优的测量位置,以期得到最优函数值。为了评估位 置是否最优,需要采集函数,在最佳位置采集函数拥 有最大值,在TPE中其采集函数为增益期望 (Expected Improvement, *E*<sub>EI</sub>),即*f*(*x*)小于阈值*y*\*的 期望,其在多数情况下表现较好,公式如下:

$$E_{\text{EIy}^{*}}(x) = \int_{-\infty}^{-\infty} \max(y^{*} - y, 0) p(y|x) dy = \int_{-\infty}^{y^{*}} \max(y^{*} - y, 0) \frac{p(x|y)p(y)}{p(x)} dy \qquad (9)$$

式中:模型p是观测域上的后验高斯分布。

TPE 中 , 令  $\gamma = p(y < y^*)$ , 并 且 p(x) = $\int p(x|y)p(y)dy = \gamma l(x) + (1 - \gamma)g(x), 则有:$  $l(x)y^*y = l(x) \int_{y^*}^{y^*} p(y)dy$ 

$$E_{\rm Ely*} = \frac{\gamma(x) \gamma(x) \gamma(x)}{\gamma(x) + (1 - \gamma)g(x)}$$
$$E_{\rm Ely*} \propto \left[\gamma + \frac{g(x)}{l(x)} (1 - \gamma)\right]^{-1}$$
(10)

式中:l(x)求出概率较高的x,g(x)求出概率较小的  $x,E_{EI}$ 较大,l(x)和g(x)用树结构形式表示,会更加 便于根据l(x)采样,得到更多的改进信息,在每一轮 迭代中都会返回有最大 $E_{EI}$ 的 $x^*$ 。

贝叶斯优化问题包括目标函数、域空间、优化算

法、结果历史记录4个部分,如表1所示。

表1 贝叶斯优化的主要部分

 Table 1
 Main components of Bayesian optimization

| 主要部分            | 解释                    |
|-----------------|-----------------------|
|                 | 模型想要最小化的函数,本文中为       |
| 目标函数            | LSTM模型中使用该组超参数在验证     |
|                 | 集上的损失大小               |
|                 | 需要调优的超参数的取值范围,本文中     |
| 域空间             | 为LSTM单元内隐藏层的尺寸大小,     |
|                 | 优化器的选择,学习率,dropout等参数 |
|                 | 构造代理函数并选择下一个超参数值      |
| 优化算法            | 的方法,即采集函数(Acquisition |
|                 | function, AC)         |
| 结果历史记录(History) | 目标函数评估的存储结果           |

## 2 基于Bayes-LSTM 的模型构建

考虑公路隧道围岩变形的时序特征,利用python 构建包含输入层、隐藏层、输出层等部分的LSTM网 络模型,如图3所示。Python中的Keras是基于 TensorFlow的深度学习框架,更是一个高度模块化的 神经网络库。基于Keras框架构建三层神经网络结 构。在构建过程中,利用python中贝叶斯优化调参模 块Hyperopt对LSTM单元内隐藏层尺寸大小(units)、 优化器(optimizer)的选择、学习率(learn\_rate)、 Dropout比例、迭代次数(epochs)等参数针对不同数据 集进行优化,选用均方误差*E*<sub>MSE</sub>作为损失函数,不断 训练调节超参数,直到参数满足精度要求,公式如下:

$$E_{\rm MSE} = \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2 \tag{11}$$

式中:yi为真实值;ŷi为预测值。

试验时利用 python 语言进行模型搭建与数据处理,具体步骤为:

(1)分别针对拱顶沉降与周边收敛的机理知识 进行分析。

(2)加载数据,对数据进行归一化处理,将时序 数据转化为有监督数据,并将数据转化为LSTM所 需的输入数据格式。

(3) 划分数据为训练集、验证集与测试集。

(4)设置贝叶斯优化的参数及搜索空间,构建 LSTM网络模型。

(5) 加载LSTM模型,并对待优化参数进行贝叶

斯优化,以 E<sub>MSE</sub>作为损失函数,根据训练集验证集损 失判断模型拟合效果,效果好则进行预测,效果一般 则调整参数寻优范围继续优化。

(6) 通过反归一化获得预测数据。

## 3 模型实现与验证

为了验证模型的准确性与有效性,选取某高速 公路隧道拱顶下沉与周边收敛数据进行分析,该隧 道围岩等级主要为Ⅲ、Ⅳ、Ⅴ级,Ⅴ级围岩测量间距 为10 m左右,Ⅳ级围岩测量间距为20 m左右,Ⅲ级 围岩测量间距为50 m左右,在隧道开挖毛洞的拱顶 及轴线左右各2.5 m共设3个带挂钩的锚桩(或粘贴 反光片),测桩深度30 cm,用快凝水泥或早强锚固剂 固定,利用全站仪进行测量。



#### 图 3 Bayes-LSTM 模型

Figure 3 Bayes-LSTM model

## 3.1 基于 Bayes-LSTM 的拱顶沉降预测模型与验证

选取该隧道左线 ZK58+820 横断面的 3 个测点 C1、C2、C3的拱顶变形监测数据进行分析,该断面的 围岩等级为 V级,测点布置如图 4 所示。



图 4 拱顶下沉测点布置示意图 Figure 4 Layout of measurement points for crown settlement

持续观测 59 d的拱顶沉降监测数据(包含 C1、 C2、C3 测点)如图 5 所示。前 47 d的监测频率为 1 次/d,由于拱顶下沉逐渐趋于稳定,因此后 12 d的监 测频率为 1 次/(3 d)。



图 5 拱顶沉降曲线 Figure 5 Crown settlement curve

为了提高模型的泛化能力,防止过拟合现象,将 前67%的数据作为训练集,用于贝叶斯优化寻找最 优模型参数,后33%的数据作为测试样本进行预测。 设置贝叶斯优化过程中迭代次数为30,以训练集中 的20%作为验证集来验证模型的泛化能力,优化目 标为均方误差 *E*<sub>MSE</sub>,所选取的需要进行优化模型参数 及其参数空间与得到的各个最优参数如表2所示。 重新使用全部训练集对模型进行训练,最终得到最 优模型。

针对拱顶下沉C1的实测数据,首先对数据进行 归一化,由于监测天数非连续,本文利用前两天的累 计沉降数据与监测天数作为特征因素来预测第三天 数据,并将数据转化为有监督数据,如表3、4所示。

## 表 2 贝叶斯优化的参数空间及其最优参数

 Table 2
 Parameter space of Bayesian optimization

 and its optimal parameters

| 参数名                     | 称      | 参数空间                 | 最优参数   | 参数意义    |  |
|-------------------------|--------|----------------------|--------|---------|--|
| 1                       |        | [9.64]               | FO     | LSTM单元内 |  |
| Units                   | [2,64] | 50                   | 隐藏层尺寸大 |         |  |
| 2                       |        | [2,64]               | 22     | 小       |  |
| Optimizer               |        | ['adam', 'rmsporop', | . 1    | 佳化思     |  |
|                         |        | 'adamax']            | adamax | 化化碲     |  |
| Learn_rate [0.001,0.01] |        | 0.01                 | 学习率    |         |  |
| Epoch                   | s      | [100,300]            | 280    | 循环迭代次数  |  |

#### 表3 C1测点归一化后数据

Table 3 Normalized data of C1

| 日期(年-月-日)  | 归一化天数       | 归一化累计下沉   |
|------------|-------------|-----------|
| 2018-10-28 | 0           | 0         |
| 2018-10-29 | 0.017 241 4 | 0.119 454 |
| 2018-10-30 | 0.034 482 8 | 0.262 799 |
| 2018-10-31 | 0.051 724 1 | 0.361 775 |
| 2018-11-01 | 0.068 965 5 | 0.426 621 |
|            |             |           |
| 2018-12-13 | 0.844 828 0 | 0.986 348 |
| 2018-12-16 | 0.896 552 0 | 0.996 587 |
| 2018-12-19 | 0.948 276 0 | 1         |
| 2018-12-22 | 1           | 0.996 587 |

#### 表4 C1测点有监督数据

#### Table 4 Supervised data of C1

| 监测天数  | t-2拱顶沉降 | 监测天数  | t-1拱顶沉降 | 监测天数  | t拱顶沉降 |
|-------|---------|-------|---------|-------|-------|
| 0     | 0       | 0.017 | 0.120   | 0.035 | 0     |
| 0.017 | 0.120   | 0.035 | 0.263   | 0.052 | 0.017 |
| 0.034 | 0.263   | 0.052 | 0.362   | 0.069 | 0.035 |
|       |         |       |         |       |       |
| 0.845 | 0.986   | 0.897 | 0.997   | 0.948 | 1     |
| 0.897 | 0.997   | 0.948 | 1       | 1     | 0.997 |

分别利用 Bayes-LSTM、CNN、SVR 3个模型对 拱顶沉降进行预测,并以均方根误差 E<sub>RMSE</sub>(Root Mean Square Error, RMSE)为评价指标,对预测结果 进行比较。

$$E_{\rm RMSE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2}{m}}$$
(12)

式中:yi为真实值;ŷi为预测值;m为样本数量。

从图 6 中 C1 测点的沉降预测曲线可以看出:利用 Bayes-LSTM 可以较好地预测拱顶沉降的变化特征。从图 7 和表5计算结果可以看出:Bayes-LSTM 网络的拟合效果优于CNN和SVR。CNN神经网络预测的最大误差、最小误差、平均误差、平均相对误差和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别为 3.1 mm、0.12 mm、0.99 mm、3.43% 和



#### 图6 拱顶沉降预测值与实测值对比曲线

Figure 6 Comparison curve between predicted and

measured values of crown settlement







图 7 C1测点误差对比 Figure 7 Error comparison of C1

|      |                | Ba    | Bayes-LSTM |      |       | CNN  |       | SVR   |      |      |
|------|----------------|-------|------------|------|-------|------|-------|-------|------|------|
| 天数/d | 实测值/mm         | 预测    | 误差/        | 相对误  | 预测    | 误差/  | 相对误   | 预测    | 误差/  | 相对误  |
|      |                | 值/mm  | mm         | 差/%  | 值/mm  | mm   | 差/%   | 值/mm  | mm   | 差/%  |
| 36   | 28.0           | 27.59 | 0.41       | 1.46 | 26.97 | 1.03 | 3.68  | 25.92 | 2.08 | 7.42 |
| 37   | 28.1           | 27.79 | 0.31       | 1.10 | 27.22 | 0.88 | 3.13  | 26.40 | 1.70 | 6.06 |
| 38   | 28.3           | 27.94 | 0.36       | 1.27 | 27.47 | 0.83 | 2.93  | 26.74 | 1.56 | 5.52 |
| 39   | 28.4           | 28.12 | 0.28       | 0.99 | 27.72 | 0.68 | 2.39  | 27.07 | 1.33 | 4.70 |
| 40   | 28.4           | 28.27 | 0.13       | 0.46 | 27.96 | 0.44 | 1.55  | 27.32 | 1.08 | 3.79 |
| 41   | 28.5           | 28.36 | 0.14       | 0.49 | 28.19 | 0.31 | 1.09  | 27.42 | 1.08 | 3.77 |
| 42   | 28.3           | 28.47 | 0.17       | 0.60 | 28.42 | 0.12 | 0.42  | 27.53 | 0.77 | 2.71 |
| 43   | 28.2           | 28.47 | 0.27       | 0.96 | 28.63 | 0.43 | 1.52  | 27.65 | 0.55 | 1.94 |
| 44   | 28.5           | 28.46 | 0.04       | 0.14 | 28.82 | 0.32 | 1.12  | 27.76 | 0.74 | 2.61 |
| 45   | 28.6           | 28.62 | 0.02       | 0.07 | 29.06 | 0.46 | 1.61  | 27.66 | 0.94 | 3.29 |
| 46   | 28.4           | 28.77 | 0.37       | 1.30 | 29.32 | 0.92 | 3.24  | 27.50 | 0.90 | 3.17 |
| 47   | 28.5           | 28.78 | 0.28       | 0.98 | 29.53 | 1.03 | 3.61  | 27.56 | 0.94 | 3.28 |
| 50   | 28.9           | 28.91 | 0.01       | 0.03 | 30.17 | 1.27 | 4.39  | 27.33 | 1.57 | 5.45 |
| 53   | 29.2           | 29.23 | 0.03       | 0.10 | 30.88 | 1.68 | 5.75  | 27.10 | 2.10 | 7.19 |
| 56   | 29.3           | 29.56 | 0.26       | 0.89 | 31.60 | 2.30 | 7.85  | 26.79 | 2.51 | 8.57 |
| 59   | 29.2           | 29.77 | 0.57       | 1.95 | 32.30 | 3.10 | 10.62 | 26.71 | 2.49 | 8.52 |
| 精度   | 平均             |       | 0.23       | 0.80 |       | 0.99 | 3.43  |       | 1.40 | 4.87 |
| 指标   | $E_{\rm RMSE}$ |       | 0.28       |      |       | 1.25 |       |       | 1.52 |      |

表5 C1测点沉降值与预测值比较

 Table 5
 Comparison between settlement value and predicted value of C1

1.25,SVR预测的最大误差、最小误差、平均误差、平均相对误差和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别为 2.51 mm、0.55 mm、1.40 mm、4.87%和1.52,而 Bayes-LSTM预测的最大误差、最小误差、平均误差、平均相对误差和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别为 0.57 mm、0.01 mm、0.23 mm、0.80%和0.28,明显看出 Bayes-LSTM 网络预测效果较佳。CNN与SVR 网络预测误差离散度较大,在多数情况下,Bayes-LSTM 预测的相对误差与残差均比 CNN和SVR小。

针对拱顶沉降 C2、C3 测点的监测数据,分别进 行归一化并利用前两天数据预测第3天数据,将其转化 为有监督数据,分别利用 Bayes-LSTM、CNN、SVR 3 个模型对拱顶沉降进行预测,结果如图8、9所示。

由图 8 可知: 对拱顶 C2 测点的沉降预测, CNN 神经网络预测的  $E_{\text{RMSE}}$ 值为1.98, SVR 预测的  $E_{\text{RMSE}}$ 值为 1.13, Bayes-LSTM 预测的  $E_{\text{RMSE}}$ 值 0.33, Bayes-LSTM 网络预测效果较佳。Bayes-LSTM 网络 预测误差离散程度较小, 在多数情况下, Bayes-LSTM 预测的相对误差与残差均比 CNN和 SVR小。



图 8 C2测点拱顶沉降预测值与实测值对比曲线 figure 8 Comparison curve between predicted and measured values of crown settlement of C2



图 9 C3测点拱顶沉降预测值与实测值对比曲线 Figure 9 Comparison curve between predicted and measured values of crown settlement of C3

由图 9 可知: CNN、SVR、Bayes-LSTM 预测的  $E_{\text{RMSE}}$ 值分别为 0.68、2.03、0.29。可以明显看出, Bayes-LSTM 网络精度指标均优于 CNN 与 SVR, Bayes-LSTM 网络预测效果较佳。

Bayes-LSTM 模型针对拱顶沉降 C1、C2、C3 测 点的  $E_{\text{RMSE}}$  平均值为 0.30, CNN 模型的  $E_{\text{RMSE}}$  平均值 为 1.30, SVR 模型的  $E_{\text{RMSE}}$  平均值为 1.56。相较于 CNN, Bayes-LSTM 的预测精度提升了 1.0, 相较于 SVR, Bayes-LSTM 的预测精度提升了 1.26。由此可 见,本文提出的Bayes-LSTM 模型具有较高的可靠性。

# 3.2 基于 Bayes-LSTM 的周边收敛预测模型与应用 验证

选取此段高速公路隧道洞口开挖面(ZK58+847 处)的周边收敛进行分析,其测线布置如图10所示。



#### 图10 周边收敛测线布置

Figure 10 Layout of peripheral convergence survey lines

本监测断面周边收敛共有35条监测数据,前15 d监测频率为1次/d,后20d监测频率为1次/(2d)。 周边收敛的变化曲线如图11所示。



图11 周边收敛曲线

Figure 11 Peripheral convergence curve

利用前 67% 的数据作为训练样本,用于贝叶斯 优化寻找最优模型参数,后 33% 的数据作为测试样 本进行预测,表6为贝叶斯优化后的最优参数。

为检验Bayes-LSTM模型的有效性,针对收敛监测数据,分别应用Bayes-LSTM、CNN和SVR进行预测,并将预测结果进行比较,分析对比结果如图12、13所示,计算结果列于表7。

| Table 6   Optimal parameters |                     |                    |      |          |  |  |  |  |
|------------------------------|---------------------|--------------------|------|----------|--|--|--|--|
| 参数名称                         | 参数                  | 空间                 | 最优参数 | 参数意义     |  |  |  |  |
| TT. 't.                      | [9.64]              | 1                  | 63   | LSTM单元内隐 |  |  |  |  |
| Units                        | [2,64]              | 2                  | 10   | 藏层尺寸大小   |  |  |  |  |
| Optimizer                    | [ʻadam','ı<br>'adan | msporop',<br>nax'] | adam | 优化器      |  |  |  |  |
| Learn_rate                   | [0.001              | ,0.01]             | 0.01 | 学习率      |  |  |  |  |
| Epochs                       | [100                | ,300]              | 245  | 循环迭代次数   |  |  |  |  |

表6 最优参数



图 12 周边收敛量预测值与实测值对比曲线

Figure 12 Comparison curve between predicted and measured values of peripheral convergence









Figure 13 Comparison of peripheral convergence errors

|      | 今週店/           | H          | Bayes-LS7 | ſМ         |            | CNN       | V      |            | SVR       |            |
|------|----------------|------------|-----------|------------|------------|-----------|--------|------------|-----------|------------|
| 天数/d | 头测值/<br>mm     | 预测<br>值/mm | 误差/<br>mm | 相对误<br>差/% | 预测<br>值/mm | 误差/<br>mm | 相对误差/% | 预测<br>值/mm | 误差/<br>mm | 相对误<br>差/% |
| 37   | 2.29           | 2.35       | 0.06      | 2.62       | 2.05       | 0.24      | 10.48  | 2.17       | 0.12      | 5.31       |
| 39   | 2.34           | 2.36       | 0.02      | 0.85       | 2.05       | 0.29      | 12.39  | 2.17       | 0.17      | 7.26       |
| 41   | 2.40           | 2.38       | 0.02      | 0.83       | 2.06       | 0.34      | 14.17  | 2.22       | 0.18      | 7.60       |
| 43   | 2.41           | 2.41       | 0         | 0.00       | 2.08       | 0.33      | 13.69  | 2.28       | 0.13      | 5.34       |
| 45   | 2.41           | 2.44       | 0.03      | 1.24       | 2.10       | 0.31      | 12.86  | 2.29       | 0.12      | 5.13       |
| 47   | 2.43           | 2.44       | 0.01      | 0.41       | 2.11       | 0.32      | 13.17  | 2.29       | 0.14      | 5.68       |
| 49   | 2.45           | 2.45       | 0         | 0.00       | 2.11       | 0.34      | 13.88  | 2.32       | 0.14      | 5.57       |
| 51   | 2.47           | 2.46       | 0.01      | 0.40       | 2.12       | 0.35      | 14.17  | 2.34       | 0.13      | 5.37       |
| 53   | 2.50           | 2.48       | 0.02      | 0.80       | 2.13       | 0.37      | 14.80  | 2.36       | 0.14      | 5.52       |
| 55   | 2.53           | 2.49       | 0.04      | 1.58       | 2.14       | 0.39      | 15.42  | 2.39       | 0.14      | 5.57       |
| 精度   | 平均             |            | 0.021     | 0.88       |            | 0.33      | 3.43   |            | 0.35      | 12.07      |
| 指标   | $E_{\rm RMSE}$ |            | 0.03      |            |            | 0.33      |        |            | 0.35      |            |

表7 周边收敛量与预测值比较

Table 7 Comparison of peripheral convergence and predicted values

由图 12、表 7 和图 13 可知:利用 Bayes-LSTM 可 以很好地拟合周边收敛的变化特征。CNN 神经网络 预测的最大误差、最小误差、平均误差、平均相对误 差 和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别为 0.39 mm、0.24 mm、0.33 mm、 3.43% 和 0.33; SVR 预测的最大误差、最小误差、平 均误差、平均相对误差和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别为 0.18 mm、 0.12 mm、0.35 mm、12.07% 和 0.35; Bayes-LSTM 预 测的最大误差、最小误差、平均误差、平均相对误差 和 *E*<sub>RMSE</sub> 值分别 0.06 mm、0 mm、0.021 mm、0.88% 和 0.03。可以明显看出 Bayes-LSTM 网络预测效果较 佳, Bayes-LSTM 网络预测误差离散程度较小, Bayes-LSTM 具有较高的可靠性。

从上述拱顶沉降与周边收敛的预测结果来看, LSTM网络能够较好地拟合拱顶下沉与周边收敛的变 化特征,相较于CNN、SVR,其预测结果准确性更高。

#### 3.3 模型验证

为了验证模型的泛化能力,选取此高速公路隧 道Ⅲ、Ⅳ、Ⅴ级围岩中桩号ZK58+066等6处断面的 拱顶下沉数据和周边收敛数据进行模型验证与分 析,以*E*<sub>RMSE</sub>为评价标准,比对结果如表8、9所示。

对比 E<sub>RMSE</sub>值可以发现:Bayes-LSTM 模型在围 岩变形预测中表现较好,证明该模型具有一定的泛 化能力。

表 8 拱顶沉降验证结果 E<sub>RMSE</sub>比对

Table 8 $E_{\rm RMSE}$  comparison of crown settlement

verification results

| 围岩 | 拉巴    | 测  | $E_{\rm RMSE}$ |      |      | 最优     |
|----|-------|----|----------------|------|------|--------|
| 类别 | 性亏    | 点  | Bayes-LSTM     | CNN  | SVR  | 模型     |
|    |       | C1 | 0.44           | 0.75 | 0.45 |        |
| V  | ZK58+ | C2 | 0.27           | 0.42 | 0.41 |        |
|    | 000   | С3 | 0.16           | 0.43 | 0.20 |        |
|    |       | C1 | 0.47           | 0.59 | 0.54 |        |
| IV | ZK58+ | C2 | 0.43           | 0.76 | 0.86 | Bayes- |
|    | 087   | С3 | 0.36           | 0.88 | 0.43 | LSIM   |
|    |       | C1 | 0.23           | 0.31 | 1.03 |        |
| Ш  | ZK58+ | C2 | 0.64           | 1.00 | 0.81 |        |
|    | 177   | С3 | 0.42           | 0.80 | 0.70 |        |

表9 周边收敛验证结果 E<sub>RMSE</sub>比对

Table 9 $E_{\text{RMSE}}$  comparison of peripheral convergenceverification results

| +++ D    | $E_{\mathrm{RM}}$ | MSE . |      | 目供供加       |
|----------|-------------------|-------|------|------------|
| 性亏       | Bayes-LSTM        | CNN   | SVR  | ·          |
| ZK58+497 | 0.07              | 0.26  | 0.35 |            |
| ZK58+867 | 0.20              | 0.40  | 0.50 | Bayes-LSTM |
| ZK58+777 | 0.14              | 0.60  | 0.49 |            |

## 4 结论

针对公路隧道施工过程中拱顶沉降和周边收敛的非线性与复杂性等特征,提出Bayes-LSTM时间序列预测模型,构建分别针对拱顶沉降与周边收敛的模型,将数据归一化并将其转化成有监督数据,利用贝叶斯优化对超参数进行优化,计算得到预测结果,并以某高速公路隧道施工中开挖面里程ZK58+820的拱顶实测数据和ZK58+847周边收敛量实测数据为例,对该模型进行应用验证,得到以下主要结论:

(1)利用 Bayes-LSTM 模型进行预测时,C1、C2 和 C3 拱顶沉降的平均预测精度相较于 CNN 模型、 SVR 模型分别提高了 1.0和 1.26;周边收敛的预测精 度相较于 CNN 模型、SVR 模型分别提高了 0.3和 0.32,证明了 Bayes-LSTM 模型的有效性。

(2) 基于 6 个断面实测的围岩拱顶下沉数据和 周边收敛数据对 Bayes-LSTM 模型进行了泛化能力 验证,结果显示: Bayes-LSTM 模型的 E<sub>RMSE</sub> 小于 CNN、SVR 模型,验证了 Bayes-LSTM 模型的泛化 能力。

(3)针对拱顶沉降与周边收敛变形这一复杂的非线性动态系统,提出一种基于Bayes-LSTM算法的公路隧道围岩变形预测模型,与目前流行的预测模型相比,该模型具有以下优点:①LSTM模型具有记忆功能,能够充分地利用围岩变形的历史数据,从而提高围岩变形的预测精度;②LSTM模型通过"三个门"对元细胞状态进行交互,能够有效实现对历史数据的判断与取舍。训练好的算法模型可以融入监测预警系统中进行工程应用,该方法为隧道围岩变形预测提供了新的思路与探索。

影响隧道拱顶沉降与周边收敛的因素是多方面 的,隧道施工过程中的岩土体特性非常复杂,本文仅 考虑了围岩变形不同等级的隧道变形情况,没有充 分考虑地应力、岩性等特性,从而导致计算的结果与 实际数据有一定的差距。此外,数据量的大小也会 影响模型的预测效果。因此将会进一步采集隧道的 特征参数,收集更多的训练样本,针对不同地应力、 不同岩性的围岩进行进一步的研究。

## 参考文献:

#### **References:**

- [1] 张碧.基于小波变换的隧道大变形组合预测方法[J].长 江科学院院报,2017,34(7): 94-98,105.
  ZHANG Bi. Combinatorial forecasting method for large deformation of tunnel based on wavelet transform[J].
  Journal of Yangtze River Scientific Research Institute, 2017,34(7): 94-98,105.
- [2] 叶超.基于 BP 神经网络修正的自适应灰色模型的隧道 变形预测研究[J].铁道标准设计,2017,61(11): 76-81.
   YE Chao. Research on deformation prediction of tunnel based on adaptive grey model of BP neural network correction[J].Railway Standard Design,2017,61(11):76-81.
- [3] 张云鹏,李利平,贺鹏,等.隧道围岩大变形高斯过程回归
   预测模型及其工程应用[J].科学技术与工程,2018,18(1):
   122-127.

ZHANG Yunpeng, LI Liping, HE Peng, et al. Gaussian process regression prediction model for the big deformation of the tunnel rock and its application[J]. Science Technology and Engineering,2018,18(1): 122-127.

[4] 孙柏林,乔松林,张乾青,等.隧道拱顶沉降及周边收敛动态过程预测的 Richards 时间函数模型[J].公路工程, 2015,40(6): 114-118.

SUN Bolin, QIAO Songlin, ZHANG Qianqing, et al. Richards time function model of dynamic process prediction for tunnel vault sedimentation and peripheral convergence[J].Highway Engineering,2015,40(6):114-118.

[5] 曹孟潇,吕文黔,张金瑞,等.基于马尔可夫链修正的神经
 网络隧道围岩变形预测[J].中国水运(下半月),2019,19
 (2): 191-193.

CAO Mengxiao, LYU Wenqian, ZHANG Jinrui, et al. Deformation prediction of tunnel surrounding rock based on neural network modified by Markov chain[J]. China Water Transport,2019,19(2): 191-193.

[6] 冯永年.宴家隧道围岩收敛灰色系统预测模型[J].公路 交通科技(应用技术版),2015,11(3):169-172.
FENG Yongnian. Grey system prediction model of surrounding rock convergence in Yanjia tunnel[J]. Journal of Highway and Transportation Research and Development(Application Technology Edition), 2015, 11 (3):169-172.

[7] 廖烟开,郭德平,刘志强,等.隧道周边应变与挤压因子法 在隧道围岩大变形预测中的应用[J].现代隧道技术, 2020,57(4): 20-26.

LIAO Yankai, GUO Deping, LIU Zhiqiang, et al. Application of peripheral strain and squeezing factor methods in the prediction of large deformation of tunnel surrounding rocks [J].Modern Tunnelling Technology, 2020, 57(4): 20-26.

- [8] 文明,张顶立,房倩,等.隧道围岩变形的非线性自回归时间 序列预测方法研究[J].北京交通大学学报,2017,41(4):1-7. WEN Ming,ZHANG Dingli,FANG Qian,et al.Research on nonlinear auto regressive time series method for predicting deformation of surrounding rock in tunnel[J]. Journal of Beijing Jiaotong University,2017,41(4): 1-7.
- [9] 周冠南,孙玉永,贾蓬.基于遗传算法的 BP 神经网络在隧 道围岩参数反演和变形预测中的应用[J].现代隧道技术, 2018,55(1):107-113.

ZHOU Guannan, SUN Yuyong, JIA Peng. Application of genetic algorithm based BP neural network to parameter inversion of surrounding rock and deformation prediction [J].Modern Tunnelling Technology,2018,55(1): 107-113.

[10] 刘艳明.石牛岭隧道地表坍塌原因分析及处理方案探讨[J].中外公路,2018,38(3): 228-231.

LIU Yanming. The cause analysis and treatment scheme of surface collapse in Shi-Niu-ling tunnel[J]. Journal of China & Foreign Highway, 2018, 38(3): 228-231.

- [11] 李贤,蔡林真.某软岩隧道变形规律和二衬最佳支护时 机选择研究[J].中外公路,2019,39(3): 189-192.
  LI Xian, CAI Linzhen. Research on deformation rule and optimal lining time of a tunnel in soft rock[J]. Journal of China & Foreign Highway,2019,39(3): 189-192.
- [12] SHI S S,ZHAO R J,LI S C,et al. Intelligent prediction of surrounding rock deformation of shallow buried highway tunnel and its engineering application[J]. Tunnelling and

Underground Space Technology, 2019, 90: 1-11.

- [13] 曾怀宇.基于粗糙集综合权重法的公路隧道围岩等级预 测方法研究[J].路基工程,2018(4): 69-74.
   ZENG Huaiyu. Study on prediction methods of highway tunnel surrounding rock class based on rough set comprehensive weight method[J]. Subgrade Engineering, 2018(4):69-74.
- [14] 王开洋,尚彦军,何万通,等.深埋公路隧道围岩大变形预 测研究[J].地下空间与工程学报,2015,11(5): 1164-1174.
  WANG Kaiyang, SHANG Yanjun, HE Wantong, et al. Prediction of surrounding rock deformation in deep highway tunnel[J].Chinese Journal of Underground Space and Engineering,2015,11(5): 1164-1174.
- [15] PAN Y,CHEN L,WANG J,et al.Research on deformation prediction of tunnel surrounding rock using the model combining firefly algorithm and nonlinear auto-regressive dynamic neural network[J].Engineering with Computers, 2021,37(2): 1443-1453.
- [16] 黄永红.基于灰色时间序列组合的隧道变形预测研究
  [J].城市勘测,2016(6): 127-130.
  HUANG Yonghong. Deformation prediction of tunnel surrounding rock based on grey time series combined model[J]. Urban Geotechnical Investigation & Surveying, 2016(6): 127-130.
- [17] 杨背背,殷坤龙,杜娟.基于时间序列与长短时记忆网络的滑坡位移动态预测模型[J].岩石力学与工程学报, 2018,37(10): 2334-2343.

YANG Beibei, YIN Kunlong, DU Juan. A model for predicting landslide displacement based on time series and long and short term memory neural network[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2018, 37(10): 2334-2343.