DOI:10.14048/j.issn.1671-2579.2024.06.018

**文章编号:**1671-2579(2024)06-0168-08

# 全漂浮空间框架塔斜拉桥参数敏感性分析

### 刘岸清',燕腾飞',郑鹏举',谷彦霖',李杰2,王强'

(1.中国建筑第七工程局,河南郑州 450000;2.郑州大学 土木工程学院,河南郑州 450001)

摘要:为明确设计参数对漂浮体系斜拉桥力学行为影响,该文以某全漂浮体系空间框架式独塔双索面钢-混凝土组合 梁斜拉桥为依托,利用有限元分析软件 MIDAS/Civil 建立大桥有限元模型,针对成桥状态下温度效应、二期恒载、支承 体系等参数敏感性开展分析,并与该桥半漂浮体系进行对比。结果表明:温度、二期恒载对主梁挠度和应力影响较为 显著;整体而言,全漂浮体系主梁变形和应力对各参数敏感度低于半漂浮体系;结构体系由全漂浮转换为半漂浮后, 1阶自振频率由 0.38 Hz 增至 1.09 Hz,结构整体刚度显著提高;地震激励下,全漂浮体系较半漂浮体系整体位移大,但 塔根部结构弯矩减小。

**关键词**:斜拉桥;全漂浮体系;半漂浮体系;空间框架塔;结构参数;敏感性分析 **中图分类号**:U442.5;U448.27 **文献标志码**:A

# Sensitivity Analysis of Parameters of Cable-Stayed Bridges with Full Floating Spatial Frame

LIU Anqing<sup>1</sup>, YAN Tengfei<sup>1</sup>, ZHENG Pengju<sup>1</sup>, GU Yanlin<sup>1</sup>, LI Jie<sup>2</sup>, WANG Qiang<sup>1</sup>

(1. China Construction Seventh Engineering Division Corp., Ltd., Zhengzhou, Henan 450000, China; 2. School of Civil Engineering, Zhengzhou University, Zhengzhou, Henan 450001, China)

**Abstract:** In order to clarify the influence of design parameters on the mechanical behavior of a cable-stayed bridge of a floating system, a finite element model of the bridge was established by using the finite element analysis software MIDAS/Civil based on a single-tower double-cable plane steel-concrete composite beam cable-stayed bridge with full floating spatial frame. The sensitivity of parameters such as temperature effect, secondary dead load, and support system in the completed bridge state was analyzed and compared with the semi-floating system of the bridge. The results show that temperature and secondary dead load have a significant impact on the deflection and stress of the main beam. Overall, the sensitivity of the deformation and stress of the main beam of the full floating system to various parameters is lower than that of the semi-floating system. After the structural system is converted from full floating to semi-floating, the first-order natural frequency increases from 0.38 Hz to 1.09 Hz, and the overall stiffness of the structure is significantly improved. Under seismic excitation, the overall displacement of the full floating system is greater than that of the semi-floating system, but the bending moment of the tower root structure decreases.

Keywords: cable-stayed bridge; full floating system; semi-floating system; spatial frame tower; structural parameter; sensitivity analysis

0 引言

全漂浮体系斜拉桥是采用多根高强度拉索使主 梁处于悬浮状态的高次超静定结构,这种桥梁相比 其他类型桥梁对设计参数变化具有更高敏感性。由 于施工过程各种不利影响因素较多,导致实际成桥 后结构参数与设计参数存在差异,从而进一步对力 学行为产生影响<sup>[1-5]</sup>。近年来,一些专家学者针对斜 拉桥参数敏感性做了大量研究,如张丰等<sup>[6]</sup>研究了成 桥状态的主梁线形、控制截面应力、斜拉索索力对钢

收稿日期:2023-06-25

基金项目:河南省交通运输科技计划项目(编号:2021J2)

作者简介:刘岸清,男,硕士,工程师.E-mail:2270744388@qq.com

主梁的重量和弹性模量、桥面板的重量和弹性模量、 拉索的弹性模量及温度误差的敏感程度:邬晓光等[7] 分析了拉索弹性模量、结构重度、整体温度、拉索索 力等参数敏感性;唐启<sup>[8]</sup>研究了施工过程中主梁和桥 面板重量、主梁、索塔和桥面板弹性模量等参数敏感 度;佟志峰等<sup>[9]</sup>以独斜塔斜拉桥桥塔施工过程中支撑 主动顶推力大小和角度、主梁配重及拉索张拉力为 结构参数,对桥塔、支撑受力进行研究;刘增武等<sup>[10]</sup>、 杨懋等[11]、赵体波等[12]分别对异型索塔斜拉桥、斜弯 独塔混合梁斜拉桥、波纹钢腹板矮塔斜拉桥进行了 深入分析,但鲜有全漂浮空间框架塔斜拉桥参数敏 感性研究。为了明确设计参数对桥梁结构影响,有 必要对此类桥梁结构进行参数敏感性研究。鉴于 此,本文以某全漂浮体系空间框架式独塔双索面钢-混凝土组合梁斜拉桥为依托,通过有限元分析软件 MIDAS/Civil 建立大桥有限元模型,分析成桥状态下 整体升温效应、二期恒载对大桥进行静力参数敏感 性,以及支承体系对结构自振特性影响以及地震作用 对结构位移、变形、弯矩影响等动力参数敏感性。同

时,改变原结构支承体系建立半漂浮体系斜拉桥模型,以便与全漂浮体系结构及空间框架塔进行对比。

# 1 工程概况

某桥为全漂浮体系空间框架式独塔双索面钢-混凝土组合梁斜拉桥,索塔整体采用4个塔柱对称布 置形成空间框架结构。主塔采用现浇C50混凝土,承 台顶以上高77.5m,塔座高2m,桥面以上塔高60m, 分别由上中下塔柱3部分构成,上塔柱高25.5m,采 用实心截面;中塔柱高34.5m,采用空心截面;下塔柱 高17.5m,采用空心变截面。主塔共设置3道横梁,上 下横梁为钢箱梁,中横梁为空心预应力混凝土梁。拉 索在塔柱上分散锚固,编号分别为Z0~Z9(Y0~Y9)。 连接墩支座采用球形钢支座,主梁与索塔下横梁之 间横向设置弹性索系统,纵向设阻尼装置。

该桥梁主塔设计造型为空间框架结构,具有刚 度大、变形小的特点,且设计新颖,结构受力复杂,全 悬浮状态主梁纵向约束小,结构行为不易把握,大桥 立面见图1。



Figure 1 Main Bridge Elevation(unit;cm)

# 2 有限元模型及主要结构参数

# 2.1 有限元模型的建立

采用 MIDAS/Civil 建立大桥模型,主梁节点与斜 拉索节点刚性连接。桥塔和主梁采用空间梁单元模 拟,整个主梁刚度以及分布质量和质量惯性矩都集中 于轴线上,并通过两边伸出的刚臂与拉索相连。拉索 采用桁架单元并通过修正模量考虑拉索垂度影响,拉 索张拉模拟选用体外力,程序中将施工阶段索力调整 作为荷载加载于拉索两端。计算模型以顺桥向为*X* 轴,横桥向为Y轴,竖向为Z轴,全桥共有3588个节 点,3472个单元,计算模型如图2所示。为了对比,改 变原结构支承形式,在桥塔横梁处设置竖向支承,得 到改变原结构支承体系的半漂浮体系斜拉桥模型。





2.2 主要结构参数

结合本桥结构特点,选取整体升温、二期恒载及

支承体系等设计参数。对于地震响应分析,结合工 程所在场地、特征周期等参数,选取Taft波进行时程 分析,采用单因素变量分析法进行对比分析。限于 篇幅,仅给出主梁上缘组合应力和挠度对各静力参 数敏感度,动力参数敏感性指标主要分析塔顶位移、 塔脚弯矩、主梁跨中位移和弯矩。

# 3 参数敏感性分析

## 3.1 温度效应

温度效应分析采取整体升温10℃、20℃、30℃, 全漂浮体系和半漂浮体系主梁挠度及上缘组合应力 见图3、4。



图3 全漂浮体系主梁挠度和应力





#### 图4 半漂浮体系主梁挠度和应力



由图3可知:

(1)整体升温作用下,主梁整体上挠。随着桥梁 整体温度增加,主梁挠度逐渐增加,挠度最大变幅发 生在主梁1/3跨附近,主梁挠度变幅和温度变化基本 呈线性相关。

(2) 主梁应力随着整体升温而增加,因为随着主

梁整体升温,主梁变形增大,受拉索和支座约束作 用,主梁伸缩受到一定限制,引起主梁应力增加。整 体温度主要导致主梁支座和跨中截面上缘应力增幅 较大。

对比图3、4可知:

(1) 全漂浮体系跨中挠度远大于半漂浮体系,但

半漂浮体系主梁1/4跨附近变形出现较大转折,易使 半漂浮体系主梁应力分布不均,不利于主梁受力。

(2)半漂浮体系跨中主梁应力相对较小,但在主梁1/3跨附近,半漂浮体系的应力高于全漂浮体系的; 就主梁线形变化和应力整体分布而言,全漂浮体系主梁变形较平缓,应力分布更均衡,有利于主梁承载。

(3) 全漂浮体系主梁应力受温度影响小于半漂

浮体系,主要得益于全漂浮体系主梁约束较少,更易 释放温度变化产生的附加内力。全漂浮体系主梁挠 度受温度影响大于半漂浮体系。

#### 3.2 二期恒载效应

二期荷载集度q分别增加1%、3%、5%,分析二 期恒载变化对结构影响。二期恒载对全漂浮体系和 半漂浮体系主梁影响见图5、6。







图 6 半漂浮体系主梁挠度和应力

Figure 6 Deflection and stress of main beam of semi-floating system

由图 5 可知:全漂浮体系主梁变形和应力均随着 二期恒载增加而增加,主梁挠度和应力最大变幅均 发生在 1/3 跨附近,而跨中附近主梁变形和应力受二 期恒载影响相对较小,主要与全漂浮体系斜拉桥主 梁支承方式有关,全漂浮体系斜拉桥主梁通过拉索 和两端支座约束,跨中由限位阻尼器和垂直拉索约 束,使得主梁两端和跨中约束大于其他部位。因此, 主梁跨中内力和变形受二期恒载变化影响较小。分 析表明:二期恒载每增加 2%,主梁挠度和应力最大 增幅分别为 8.52% 和 6.5%,7.85% 和 5.45%。可见, 二期恒载对主梁内力和变形影响较显著。 由图 6 可知:随着二期恒载增加,主梁挠度和应 力随之增加;半漂浮体系主梁挠度最大变幅位置在 1/6 跨附近,主梁应力最大变幅位置则发生在跨中。 对比图 5 可知:二期恒载对半漂浮体系主梁变形及内 力影响更为显著,由于半漂浮体系跨中位置增设了 竖向支承,主梁跨中下挠量减小,造成主梁线形起伏 较大,应力集中现象较显著,导致半漂浮体系主梁受 影响较大。

# 3.3 支承体系对自振特性影响分析

根据依托斜拉桥结构特点,分析前60阶自振特性。限于篇幅,仅给出全漂浮体系第1阶振型模态,

见图 7。全漂浮体系、半漂浮体系前 3 阶振型特点 见表1。



由图7及表1可知:1阶振型以主梁纵漂为主,竖 弯为次要振型,基本频率为0.38 Hz,基本自振周期为 2.65 s,与依托斜拉桥主跨径和空间框架塔构造有一 定可比性的郑州北引水渠桥自振周期(2.795 s<sup>[13]</sup>)相接 近。与主跨径较接近的漂浮体系常规独塔斜拉桥相 比,例如:松花江大桥(自振周期7.94 s,主跨径268 m)、 松原大桥(自振周期3.57 s,主跨径120 m)、海河大桥 (自振周期9.39 s,主跨径310 m)<sup>[14]</sup>、渭河大桥(自振 周期8.60 s,主跨径200 m)<sup>[15]</sup>,本桥自振周期较小,分 析原因可知:一方面,本桥跨径小刚度大;另一方面, 依托斜拉桥空间框架索塔显著增加了结构整体 刚度。

	表1	斜拉桥自振特性		
Table 1	Natural vibration	n characteristics of	cable-stayed	bridge

模态数 —	全漂浮体系			半漂浮体系		
	自振周期/s	自振频率/Hz	振型描述	自振周期/s	自振频率/Hz	振型描述
1	2.65	0.38	主梁纵漂+竖弯	0.91	1.09	主塔纵弯+主梁竖弯
2	1.32	0.76	主梁横弯	0.85	1.17	主塔横弯
3	0.92	1.09	主梁竖弯+主塔纵弯	0.73	1.37	主塔扭转+主梁扭转

由表1可知:①对于全漂浮体系,振动频率逐渐 增加,主梁开始发生横弯,第3阶模态主塔开始伴随 主梁竖弯发生纵向弯曲,结构表现为塔强梁弱,空间 框架塔设计有利于限制主梁结构纵向变形,主梁发 生纵漂时避免出现过大纵向变形,提高桥梁抗震性 能;②半漂浮体系斜拉桥1阶振型表现为主梁纵漂、 竖弯+主塔纵向弯曲,竖向支承增强了主梁与索塔 整体联系,受主梁纵漂影响,半漂浮体系索塔先于全 漂浮体系发生纵向弯曲;半漂浮体系斜拉桥1阶频率 为1.09 Hz,远大于全漂浮体系0.38 Hz,表明半漂浮 体系斜拉桥纵桥向刚度大于全漂浮体系。可见,主 梁增加竖向支承使得斜拉桥边界约束加强,整体刚 度增加;③主梁支承体系对结构动力行为影响较大, 斜拉桥不同支承体系对结构自振特性影响较显著。

## 3.4 地震响应主梁、桥塔位移时程分析

采用直接积分法对结构进行抗震分析,不考虑 黏滞阻尼器对结构动力响应影响,采用一致激励输 入地震波。时程分析荷载工况仅考虑地震效应,在 纵桥向地震波和横桥向地震波一致激励作用下,塔 顶位移时程见图8、9,主梁跨中位移时程见图10、11。

由图8~图11可知:

(1) 由图 8、10 可知:纵桥向地震激励下,半漂浮



图 8 Taft-X 地震波激励下塔顶 X 向位移时程

Figure 8 Variation of displacement of tower top in *X*-direction with time under Taft-*X* seismic wave excitation



图 9 Taft-Y地震波激励下塔顶Y向位移时程 Figure 9 Variation of displacement of tower top in Y-direction with time under Taft-Y seismic wave excitation

体系塔顶位移峰值小于全漂浮体系,减小率为7.3%, 半漂浮体系主梁跨中纵桥向位移峰值小于全漂浮体











系,减小率为72.58%;由图9、11可知:横桥向地震激励下,半漂浮体系横桥向塔顶位移峰值大于全漂浮体系,增长率为22.01%,半漂浮体系主梁横桥向位移峰值小于全漂浮体系,减小率为74.99%。

(2)半漂浮体系塔顶及主梁跨中位移较快达到 极值,由于全漂浮体系结构偏柔性,结构地震响应相 对迟缓,能有效耗散地震能,抗震效果较好;半漂浮 体系与全漂浮体系相比,塔顶纵桥向位移极值减小 7.3%,塔顶横桥向位移极值增加22.01%;主梁跨中 纵桥向和横桥向位移极值分别减小72.58%和 74.99%。分析表明:由于主梁纵桥向摆幅较大,索塔 受到纵桥向惯性力大,使全漂浮体系主梁横桥向摆 幅小于纵桥向,施加于索塔惯性力随之减小,但依旧 是半漂浮体系主梁横桥向位移极值的4倍。因此,横 桥向地震激励下,全漂浮体系主梁横桥向惯性力减 小的同时,又通过主梁摆动耗能,使全漂浮体系塔顶 位移极值小于半漂浮体系。

(3)索塔塔顶及主梁跨中位移在横桥向地震激励下位移周期较纵桥向地震激励短,表明:斜拉桥横桥向刚度大于纵桥向,因为主梁纵桥向约束弱于横

桥向,且空间框架塔横桥向塔柱间距大于纵桥向;不 同支承体系对主梁位移影响较大,对塔顶位移影响 较次要;对比纵桥向和横桥向地震激励下主梁位移, 全漂浮体系主梁纵桥向位移极值高于横桥向,增长 率为48.77%,可见主梁跨中设置横向弹性索对于降 低主梁横向位移效果显著,有效降低地震作用下塔 梁碰撞风险。该全漂浮体系斜拉桥以主梁纵向摆动 耗能为主,横向摆动耗能为辅。

## 3.5 地震响应主梁、塔底弯矩时程分析

地震波激励下主梁、塔底弯矩时程如图 12~15 所示。



图 12 Taft-X 地震波激励下塔脚弯矩时程

Figure 12 Variation of bending moment of tower foot with

time under Taft-X seismic wave excitation



图13 Taft-Y地震波激励下塔脚弯矩时程

Figure 13 Variation of bending moment of tower foot with time under Taft-Y seismic wave excitation



图 14 Taft-X 地震波激励下主梁跨中弯矩时程 Figure 14 Variation of bending moment of main beam midspan with time under Taft-X seismic wave excitation



# 图 15 Taft-Y地震波激励下主梁跨中弯矩时程 Figure 15 Variation of bending moment of main beam midspan with time under Taft-Y seismic wave excitation

由图12~15可知:

(1) 纵桥向地震激励下,全漂浮体系塔脚及主梁跨 中弯矩峰值分别为33 990 kN • m、0.143 kN • m,半漂 浮体系塔脚及主梁跨中弯矩峰值分别为53 320 kN • m、 0.608 kN • m,半漂浮体系塔脚和主梁跨中弯矩峰值 分别比全漂浮体系高 56.87%、325.17%。横桥向地 震激励下,两种支承体系塔脚和主梁跨中弯矩对比 规律同纵桥向地震激励,限于篇幅,不再赘述。

(2)同等地震波激励下,半漂浮体系塔脚和主梁 均比全漂浮体系承受更大弯矩,可见全漂浮体系主 梁摆动耗能效果显著,有效降低了结构弯矩,提高了 结构抗震性能。

(3)对比索塔和主梁在纵桥向和横桥向地震激励下弯矩可知,地震作用下,索塔主要起承力作用, 主梁通过纵桥向摆动辅助耗能,自身受力和变形相 对较小。因此,地震激励下主梁弯矩相对较小。

## 4 结论

(1)随着桥梁整体升温,主梁挠度逐渐增加,主 梁变形在1/3跨附近对温度最为敏感,主梁挠度变幅 和温度变化基本呈线性相关;主梁上缘应力随着整 体升温而增加,其中主梁支座和跨中截面上缘应力 增幅较大;就主梁线形变化和应力整体分布而言,全 漂浮体系主梁变形较为平缓,应力分布更加均衡,有 利于主梁承载,全漂浮体系主梁应力受温度影响小 于半漂浮体系,这主要得益于全漂浮体系主梁约束 较少。

(2)全漂浮体系主梁变形和应力均随着二期恒载增加而增加,主梁挠度和应力变幅最大位置均发生在1/3跨附近;二期恒载对半漂浮体系主梁变形及内力影响更为显著。

(3)依托工程1阶模态振型为主梁纵漂+竖弯, 索塔刚度较大,主梁相对较柔;受主梁纵漂影响,索 塔较早出现纵向弯曲;结构基频为0.38 Hz,基本自振 周期为2.65 s,与类似结构斜拉桥较为接近;与主跨 径较接近的漂浮体系独塔斜拉桥相比,本桥自振周 期较小,主要由于该桥空间框架索塔塔柱间距较宽, 且跨度较小,大幅度提高了斜拉桥整体刚度和稳 定性。

(4)全漂浮体系转换体系后,其自振频率显著增加,达到1.09 Hz,结构整体刚度高于全漂浮体系;结构振型变化显著,1阶振型表现为主梁纵漂、竖弯+ 主塔纵向弯曲,结构整体性增加显著。

(5)纵桥向地震激励下,半漂浮体系塔顶位移及 主梁跨中纵桥向位移峰值小于全漂浮体系;横桥向 地震激励下,半漂浮体系横桥向塔顶位移峰值大于 全漂浮体系,半漂浮体系主梁横桥向位移峰值小于 全漂浮体系;半漂浮体系结构顶及主梁跨中位移较快 达到极值,由于全漂浮体系结构偏柔性,结构地震响 应相对迟缓,能有效耗散地震能,抗震效果较好;全漂 浮体系主梁通过纵向摆动耗能降低了地震激励产生 的结构弯矩,有效增强了全漂浮体系抗震性能。因 此,全漂浮体系结构抗震性能优于半漂浮体系,同时 也说明不同支承体系对结构地震响应影响较显著。

#### 参考文献:

#### **References:**

- [1] 张亚海,朱斌,郭宝圣,等.大跨钢箱梁斜拉桥施工期结构 参数敏感性分析[J].中外公路,2020,40(5): 70-75.
   ZHANG Yahai,ZHU Bin,GUO Baosheng, et al. Structural parametric sensitivity analysis of long-span cable-stayed bridge with steel box-girders during construction[J]. Journal of China & Foreign Highway,2020,40(5): 70-75.
- [2] 肖春名,廖盛荣,赵晨光,等.V字形矮塔斜拉桥结构参数 敏感性分析研究[J].公路,2023,68(1): 187-193.
  XIAO Chunming,LIAO Shengrong,ZHAO Chenguang, et al. Sensitivity analysis of structural parameters of Vshaped low-pylon cable-stayed bridge[J].Highway,2023,68 (1): 187-193.
- [3] 过黄喜.钢-混凝土混合梁三塔斜拉桥结构参数敏感性 分析[J].公路与汽运,2022(4):86-88,138.
   GUO Huangxi. Sensitivity analysis of structural parameters of steel-concrete mixed beam three-tower

cable-stayed bridge[J]. Highways & Automotive Applications,2022(4): 86-88,138.

- [4] 杨如刚,陈博,韩冰.大跨叠合梁斜拉桥主梁施工控制误差传播分析[J].中外公路,2023,43(5):148-155.
  YANG Rugang, CHEN Bo, HAN Bing. Analysis of error propagation in construction control of main beams of large-span composite beam cable-stayed bridges[J]. Journal of China & Foreign Highway,2023,43(5):148-155.
- [5] 涂光亚,石洋,邹磊.大跨度钢混组合梁斜拉桥钢主梁截 面参数对成桥状态主梁受力敏感性分析[J].中外公路, 2022,42(1):108-114.

TU Guangya, SHI Yang, ZOU Lei. Sensitivity analysis of section parameters of steel main girder of long-span cablestayed bridge with steel-concrete composite girder on mechanical behavior of main girder in completion state[J]. Journal of China & Foreign Highway, 2022, 42(1): 108-114..

- [6] 张丰,颜东煌,陈常松.大跨度组合梁斜拉桥成桥状态参数敏感性分析[J].交通科学与工程,2021,37(2): 91-97.
  ZHANG Feng, YAN Donghuang, CHEN Changsong.
  Parameter sensitivity analysis of the long-span composite girder cable-stayed bridge in the fini shed bridge state[J].
  Journal of Transport Science and Engineering,2021,37(2): 91-97.
- [7] 邬晓光,杜仕朝,康春霞.双钢拱塔斜拉桥参数敏感性分析[J].公路,2016,61(9): 143-148.
  WU Xiaoguang, DU Shizhao, KANG Chunxia. Parameters sensitiveness analysis of special shaped cable stayed bridge with steel arch tower[J]. Highway, 2016, 61(9): 143-148.
- [8] 唐启.泉州湾跨海大桥钢混组合梁施工控制参数敏感性 分析[J].世界桥梁,2016,44(5):57-61.
   TANG Qi. Sensitivity analysis of construction control parameters of steel-concrete composite girder of

Quanzhou Bay Sea-Crossing Bridge[J]. World Bridges, 2016,44(5): 57-61.

 [9] 佟志峰,熊雷,刘小奇,等.单索面独斜塔斜拉桥桥塔施工 关键设计参数影响研究[J].中外公路,2022,42(4):47-52.
 TONG Zhifeng, XIONG Lei, LIU Xiaoqi, et al. Study on key design parameters of the constructional safety of the leaning single-tower cable-stayed bridges[J]. Journal of China & Foreign Highway, 2022, 42(4):47-52.

- [10] 刘增武,辛景舟,周水兴,等.异形索塔斜拉桥参数敏感性 分析[J].中外公路,2020,40(5): 76-80.
  LIU Zengwu, XIN Jingzhou, ZHOU Shuixing, et al. Analysis of parametric sensitivity of cable-stayed bridge with shaped single tower[J]. Journal of China & Foreign Highway,2020,40(5): 76-80.
- [11] 杨懋,缪长青,王旭东.斜弯独塔混合梁斜拉桥参数敏感 性分析[J].科学技术与工程,2022,22(28): 12642-12650.
  YANG Mao,MIAO Changqing,WANG Xudong.Parameter sensitivity analysis of the inclined curved single tower hybrid girder cable-stayed bridge[J]. Science Technology and Engineering,2022,22(28): 12642-12650.
- [12] 赵体波,张武盛,荣峤,等.波纹钢腹板矮塔斜拉桥结构静动力分析[J].铁道建筑,2020,60(7): 6-9.
  ZHAO Tibo, ZHANG Wusheng, RONG Qiao, et al. Static and dynamic analysis on extradosed cable-stayed bridge structure with corrugated steel web[J]. Railway Engineering,2020,60(7): 6-9.
- [13] 艾伏平,徐俊,廖崇庆.郑东新区龙湖内环路跨北引水渠桥的方案设计[J].城市道桥与防洪,2016(7): 140-143,17.
  AI Fuping, XU Jun, LIAO Chongqing. Scheme design of ring road crossing north water diversion canal bridge within Longhu of Zhengdong new district[J].Urban Roads Bridges & Flood Control,2016(7): 140-143,17.
- [14] 张文学,陈盈,寇文琦,等.基于反应谱法的低重心斜拉桥
   判定简化计算[J].中南大学学报(自然科学版),2018,49
   (7):1793-1798.

ZHANG Wenxue, CHEN Ying, KOU Wenqi, et al. Simplified criterion for low gravity center cable-stayed bridge based on response spectrum[J]. Journal of Central South University (Science and Technology), 2018, 49(7): 1793-1798.

[15] 白国良,史庆轩,杨应华,等.咸阳渭河大桥斜拉桥结构地 震反应分析[J].西安建筑科技大学学报(自然科学版), 2000,32(4): 329-333.

BAI Guoliang, SHI Qingxuan, YANG Yinghua, et al. Analyses on seismic response of the main bridge structure over the Weihe River in Xianyang[J]. Journal of Xi' an University of Architecture & Technology, 2000, 32(4): 329-333.