DOI:10.14048/j.issn.1671-2579.2023.05.023

# 基于长期监测的山区扁平钢箱梁横向温度梯度研究

杨文甫1,陈鑫2,3

(1.广东盛翔交通工程检测有限公司,广东广州 511400;2.中铁大桥科学研究院有限公司,湖北武汉 430034;3.桥梁结构健康与安全国家重点实验室,湖北武汉 430034)

**摘要:**为实现桥梁结构温度场和温度效应的准确描述和预测,对某山区扁平钢箱梁横向温度梯度特征进行分析。首 先,基于某山区悬索桥扁平钢箱梁结构温度场的长期监测数据,进行横向温差极值分析,采用聚类分析得到结构温度 场的不对称分布特征;然后,通过统计分析建立钢箱梁顶、底板横向温差的概率密度模型,并以50年为重现期,计算钢 箱梁顶、底板的横向温差标准值;最后,将不同位置处的横向温差按照最不利状况进行组合,得到顶、底板横向温度梯 度模式。结果表明:钢箱横向温差受季节变化影响较小。受山区地貌影响,结构温度场具有明显的非对称分布特征。 钢箱梁顶、底板横向温差的概率统计模型与双高斯模型吻合较好。由于顶板直接被太阳辐射,其横向温差明显大于底 板横向温差。以50年为重现期计算钢箱梁顶、底板横向温差标准值的最大绝对值分别达到37.68 ℃和13.37 ℃。山区 扁平钢箱梁顶板具有 M 形、W 形、斜 N 形 3 种横向温度梯度模式,底板具有 V 形、倒 V 形、直线形 3 种横向温度梯度模 式,顶、底板横向温度梯度模式均具有明显的不对称性。

# 0 引言

由于日照强度差异,钢箱梁温度场分布不均匀, 使得结构产生较大变形和附加应力,影响结构长期 性能<sup>[1-3]</sup>。在一些超静定结构中,温度梯度应力甚至 高于活载效应<sup>[4-7]</sup>。因此,钢箱梁温度场的准确分析 是桥梁力学行为预测和全寿命评估的重要前提和 基础。

近年来,桥梁结构温度场的分布规律得到了广 泛关注。Mirambell等<sup>[8]</sup>采用热传导方程建立了混凝 土箱梁温度和应力的解析模型,并分析了截面形状 对温度场分布的影响;葛耀君等<sup>[9]</sup>基于傅立叶热传导 理论,提出了一种适用于工程设计的混凝土斜拉桥 温度场实用二维差分计算方法;叶见曙等<sup>[10]</sup>、雷笑 等<sup>[11]</sup>对混凝土箱梁温度场进行长期监测,提出了适 用于混凝土箱梁的概率统计模型和温差特征值;汪 剑等<sup>[12]</sup>引入对流换热理论,采用数值方法预测混凝

土箱梁温度场,并通过实测结果进行了验证;曾庆响 等[13] 基于实测温度,提出了混凝土箱梁的改进温度 梯度模式,计算了该温度梯度作用下结构的应力与 变形规律,并与现有规范值进行了比较;Lee<sup>[14]</sup>分析 了混凝土箱梁在桥面铺装之前的横向及竖向温度梯 度,提出了4个标准梁截面的季节温度梯度模型;顾 斌等[15-16]分析了气象参数对混凝土箱梁温度场的影 响,提出了一种考虑气象参数的温度梯度模式,同 时,分析了大尺寸混凝土箱梁的温度梯度变化规律, 提出了一种适用于大尺寸混凝土箱梁的温度梯度修 正方法; 陶翀等[17]采用二维传热理论, 通过实测气 温、太阳辐射理论值计算混凝土箱梁的竖向温度梯 度,通过将计算值与实测值进行比较,验证了该方法 的准确性;刘江等[18]分析了不同地区混凝土箱梁温 度梯度模式,针对不同城市地理环境和气象参数差 异,提出了混凝土温差代表值的计算公式,并对各个 城市温度代表值进行了分区。众多研究成果表明, 日照作用下,箱梁竖向温度梯度显著,但对横向温度

基金项目:广东省交通运输厅科技项目(编号:科技-2017-02-015) 作者简介:杨文甫,男,硕士,高级工程师.E-mail:ccpa2020@163.com

收稿日期:2023-06-20(修改稿)

梯度研究较少。大量研究成果主要集中在混凝土箱 梁温度场的分布规律,对于扁平钢箱梁温度场分布 研究较少。丁幼亮等<sup>[19-20]</sup>研究了沿海地区钢箱梁的 温度场分布,但由于山区日照强度差异及地形地貌 影响,其钢箱梁温度场分布规律与沿海地区存在 差异。

本文基于某山区悬索桥扁平钢箱梁结构温度 场的长期监测数据,分析温度横向分布规律。通过 对横向温差长期监测数据进行统计分析,建立钢箱 梁顶、底板横向温差的概率密度模型。以50年为 重现期,计算钢箱梁顶、底板的横向温差标准值,并 将不同位置处的横向温差按照最不利状况进行组 合,得到顶、底板横向温度梯度模式。研究成果可 为山区扁平钢箱梁温度场和温度效应研究提供数 据支撑。

1 工程概况

#### 1.1 山区扁平钢箱梁温度监测系统

云南山区某悬索桥主梁采用扁平流线形钢箱 梁。钢箱梁宽33.5 m,高3.5 m,桥面板为正交异性 板,桥面板及底板均布置U形加劲肋。为分析钢箱 梁温度横向分布特征,跨中截面处置有结构温度测 点(图1),结构温度采用光纤光栅温度计监测。光纤 光栅温度计监测数据由现场布置的光纤光栅解调仪 进行解算后,传输至监控室服务器进行存储、分析。 结构温度监测数据连续采集,连续存储,采样率为 0.0167 Hz。





#### 1.2 典型结构温度监测结果

2019年6月23日,钢箱梁跨中顶、底板结构温度 监测结果如图2所示。该日天气晴,环境温度为17~ 30℃,桥面风速较低。

由图2可知:钢箱梁顶、底板温度白天升高,夜晚 降低,均呈类似正弦曲线变化。顶、底板横向不同位 置温度变化曲线的幅值和相位差异明显,钢箱梁顶、



图2 钢箱梁顶、底板温度的日典型监测结果

底板横向温差显著。由于顶板直接经受太阳辐射, 其横向温差明显大于底板横向温差。

# 2 钢箱梁温度横向分布特征

#### 2.1 横向温差极值特征

采用2019年2月至7月的结构温度监测数据,计 算钢箱梁顶、底板不同测点在同一时刻的温度差值, 结果如图3所示。图中,*T<sub>i,j</sub>为OTS-i*温度测点与 OTS-*j*温度测点的实测温度差值典型横向温差。

由图 3 可知:钢箱梁横向温差随季节变化具有一 定的随机性,二者无明显变化规律,表明钢箱横向温 差受季节变化影响较小。

经统计分析得到钢箱梁顶、底板横向温差的极值,如表1、2所示。

由表1、2可知:钢箱梁顶板横向温差最大达 23.93℃,底板横向最大温差达9.89℃。较底板相比, 钢箱梁顶板横向温差更为显著。

#### 2.2 温度横向对称性特征

将对称温度测点OTS-1、OTS-2、OTS-4、OTS-5、 OTS-6、OTS-8的实测温度数据进行聚类分析,结果 如图4所示。



(b) T<sub>6.7</sub>

图3 钢箱梁横向温差典型监测结果 表1 顶板横向温差极值

温差样	温差极值/℃		温差样	温差极值/℃	
本编号	极大值	极小值	本编号	极大值	极小值
$T_{1,2}$	1.83	-15.83	$T_{2,4}$	10.98	-1.63
$T_{1,3}$	1.96	-23.93	$T_{2,5}$	9.39	-7.27
$T_{1,4}$	3.54	-6.76	$T_{3,4}$	20.09	-9.19
$T_{1,5}$	6.86	-7.83	$T_{3,5}$	9.74	-5.13
$T_{2,3}$	4.99	-10.66	$T_{4,5}$	1.63	-8.88

温差样	温差	温差极值/℃		温差极值/℃	
本编号	极大值	极小值	本编号	极大值	极小值
$T_{6,7}$	5.52	-3.75	T <sub>7,8</sub>	7.96	-3.11
$T_{6,8}$	9.89	-4.41			

表2 底板横向温差极值



图4 温度样本的聚类分析

由图4可知:结构温度测点中仅OTS-2、OTS-6 和OTS-4、OTS-5被归为一类,但归为一类的测点并 非对称测点。

同时,比较顶、底板对称温度测点横向温差(T1.5、 *T*<sub>2,4</sub>、*T*<sub>6,8</sub>)可知:顶板对称温度测点最大温差达 10.98℃,底板对称温度测点最大温差达9.89℃。

表明,受山区地貌影响,山区扁平钢箱梁温度场 具有明显的非对称分布特征,对称位置结构温度的 统计特性差异明显。

#### 2.3 横向温差概率统计特征

采用2019年1月至6月的结构温度监测数据,研 究钢箱梁横向温差日的概率统计特性。通过比较多 种概率密度函数拟合效果,最终选用双高斯模型来 描述横向温差的概率统计特性,双高斯模型的函数 表达式如式(1)所示:

$$f(T) = a_1 \exp\left\{-\left[(T-b_1)/c_1\right]^2\right\} + a_2 \exp\left\{-\left[(T-b_2)/c_2\right]^2\right\}$$
(1)

式中: $a_1$ 、 $a_2$ 为幅值参数; $b_1$ 、 $b_2$ 为位置参数; $c_1$ 、 $c_2$ 为尺 度参数;a1,a2,b1,b2,c1,c2均为待估计参数。

根据实测横向温差数据,采用最小二乘法对待 估计参数 $a_1, a_2, b_1, b_2, c_1, c_2$ 进行拟合,得到不同测点 间横向温差的概率统计模型。典型横向温差的概率 统计模型如图5、6所示。图中,R<sup>2</sup>为概率统计模型的



图 5 顶板典型横向温差概率统计模型

137





(b) T<sub>6.8</sub>极小值



确定系数。

由图 5、6 可知:钢箱梁顶、底板横向温差的概率 统计模型与双高斯模型吻合较好,不同测点横向温 差概率统计模型的确定系数均达到 0.94 以上。通过 对钢箱梁横向温差进行概率统计分析,可以从概率 统计的角度把握钢箱梁横向温差的长期变化。

## 3 横向温差标准值及梯度模式

#### 3.1 横向温差标准值

根据中国规范,桥梁设计基准期为100年。在设 计基准期内,钢箱梁横向温差超过标准值次数的数 学期望为2次。以50年为重现期,令超越概率P为横 向温差T大于温差标准值T<sub>0</sub>的概率,则P可由式(2) 计算:

$$P = \frac{2}{100 \times N} \times 100\% \tag{2}$$

式中:N为样本总量。

则,钢箱梁横向温差标准值To可由式(3)计算:

$$P = 1 - F(T_0) = \int_{T_0}^{+\infty} f(T) \, \mathrm{d}T \tag{3}$$

式中:F(T)为自变量T的累加分布函数;f(T)为自变量T的概率密度函数。

根据实测数据,建立横向温差原始分布函数 H(x),从原始温差中抽取n个样本,其极大、极小值 可表示为:

极大值:
$$x_{\max}$$
 = max{ $x_1, x_2, \dots, x_n$ } (4)

极小值:
$$x_{\min} = \min\{x_1, x_2, \cdots, x_n\}$$
 (5)

根据极值分布理论,极大值与极小值的分布函数可由原始分布函数*H*(*x*)确定,即:

$$H_{\max}(x) = P(x_{\max} < x) =$$

$$P(x_{1} < x, x_{2} < x, \dots, x_{n} < x) =$$

$$P(x_{1} < x) P(x_{2} < x), \dots, P(x_{n} < x) =$$

$$H_{1}(x) H_{2}(x), \dots, H_{n}(x) = [H(x)]^{n}$$

$$H_{\min}(x) = P(x_{\min} < x) =$$

$$1 - P(x_{1} \ge x, x_{2} \ge x, \dots, x_{n} \ge x) =$$

$$1 - [1 - P(x_{1} < x)][1 - P(x_{2} < x)], \dots, \qquad (7)$$

$$[1 - P(x_{n} < x)] = 1 - [1 - H(x)]^{n}$$

极大值与极小值的分布函数代入式(2),得到钢 箱梁横向温差标准值如表3、4所示。

表3 顶板横向温差标准值

°C

温差样本编号	正温差标准值	负温差标准值
$T_{1,3}$	3.29	-37.68
$T_{2,3}$	8.49	-18.23
$T_{4,3}$	15.08	-31.32
$T_{5,3}$	8.32	-16.27

表4 底板横向温差标准值

°C

			-
温差样本编号	正温差标准值	负温差标准值	
$T_{6,7}$	8.89	-6.38	
$T_{8,7}$	13.37	-5.13	

由表3、4可知:钢箱梁顶、底板横向温差标准值 的最大绝对值分别达到37.68 ℃和13.37 ℃。表明山 区悬索桥钢箱梁顶、底板横向温差较大,在设计与监 测时,应充分考虑钢箱梁顶、底板的横向温度梯度 效应。

### 3.2 横向温度梯度模式

根据实测顶、底板横向正温差和负温差,按照最 不利情况进行组合,确定横向温度梯度模型。将正 温差和负温差进行两两组合,根据组合得到的横向 温度梯度模式形状,进一步进行分类、归纳,以钢箱 中心测点温度为基准0℃,最终分别得到顶板、底板3 种最不利的温度梯度模式,如图7、8所示。



图7 顶板横向温度梯度模式

由图7、8可知:山区扁平钢箱梁顶板具有M形、 W形、斜N形3种横向温度梯度模式,底板具有V形、 倒V形、直线形3种横向温度梯度模式,顶、底板横向 温度梯度模式均具有明显的不对称性。在实际工程 中,可按照几种横向温度梯度模式的最不利状况进 行设计、计算。

# 4 结论

本文基于云南山区某悬索桥扁平钢箱梁结构温 度场的长期监测数据,分析山区扁平钢箱梁横向温 差分布规律,得到以下结论:



图8 底板横向温度梯度模式

(1)受山区地貌影响,扁平钢箱梁结构温度场具 有明显的非对称分布特征,其横向温差受季节变化 影响较小。

(2)山区扁平钢箱梁顶、底板横向温差的概率统 计模型与双高斯模型吻合较好。由于顶板直接接受 太阳辐射,其横向温差明显大于底板横向温差。

(3)山区扁平钢箱梁顶、底板横向温差较大,在 设计与监测时,应充分考虑钢箱梁顶、底板的横向温 度梯度效应。以50年为重现期计算钢箱梁顶、底板 横向温差标准值的最大绝对值分别达到37.68℃和 13.37℃。

(4)山区扁平钢箱梁顶板具有M形、W形、斜N 形3种横向温度梯度模式,底板具有V形、倒V形、直 线形3种横向温度梯度模式,顶、底板横向温度梯度 模式均具有明显的不对称性。 (5)本文结论均基于云南某山区悬索桥钢箱梁 温度场的实测数据得出,对于其他太阳辐射地区及 山区其他地形、地貌处钢箱梁温度场还有待进一步 研究。

## 参考文献:

- [1] 方金,范亮.高温混合料摊铺过程中的扁平钢箱梁温度效应分析[J].中外公路,2021,41(2):214-219.
- [2] 陈想军.等效加劲板单元在U形加劲板稳定性计算中的应用研究[J].中外公路,2023,43(2):144-149.
- [3] 赵晨晨.大跨径连续钢箱梁桥高温摊铺下的结构受力研 究[D].重庆:重庆交通大学,2022.
- [4] XIA Y, CHEN B, ZHOU X Q, et al. Field monitoring and numerical analysis of Tsing Ma Suspension Bridge temperature behavior[J]. Structural Control and Health Monitoring, 2013, 20(4): 560-575.
- [5] 李晓超.PC梁截面温度梯度对钢绞线预应力影响规律研究[J].中外公路,2021,41(2):172-176.
- [6] 姜竹昌,高华睿,曹洪亮,等.大跨径波形钢腹板箱梁桥截 面竖向温度梯度研究[J].中外公路,2021,41(4):125-130.
- [7] 蒋赣猷,周群,陈光辉.大跨PC连续刚构桥主梁温度梯度 下的应力分析[J].中外公路,2019,39(3):143-147.
- [8] MIRAMBELL E, AGUADO A. Temperature and stress distributions in concrete box girder bridges[J]. Journal of Structural Engineering, 1990, 116(9):2388-2409.
- [9] 葛耀君,翟东,张国泉.混凝土斜拉桥温度场的试验研究[J].中国公路学报,1996,9(2):76-83.
- [10] 叶见曙,贾琳,钱培舒.混凝土箱梁温度分布观测与研究[J].东南大学学报(自然科学版),2002,32(5):788-793.

- [11] 雷笑,叶见曙,王毅.日照作用下混凝土箱梁的温差代表值[J].东南大学学报(自然科学版),2008,38(6):1105-1109.
- [12] 汪剑,方志.混凝土箱梁桥的温度场分析[J].湖南大学学报(自然科学版),2008,35(4):23-28.
- [13] 曾庆响,韩大建,马海涛,等.预应力混凝土箱梁桥的温度效应分析[J].中南大学学报(自然科学版),2010,41(6):
   2360-2366.
- [14] LEE J H. Investigation of extreme environmental conditions and design thermal gradients during construction for prestressed concrete bridge girders[J]. Journal of Bridge Engineering, 2012, 17(3): 547-556.
- [15] 顾斌,陈志坚,陈欣迪.基于气象参数的混凝土箱梁日照 温度场仿真分析[J].东南大学学报(自然科学版),2012, 42(5):950-955.
- [16] 顾斌,陈志坚,陈欣迪.大尺寸混凝土箱梁日照温度场的 实测与仿真分析[J].中南大学学报(自然科学版),2013, 44(3):1252-1261.
- [17] 陶翀,谢旭,申永刚,等.基于概率分析的混凝土箱梁温 度梯度模式[J].浙江大学学报(工学版),2014,48(8): 1353-1361.
- [18] 刘江,刘永健,白永新,等.混凝土箱梁温度梯度模式的 地域差异性及分区研究[J].中国公路学报,2020,33(3): 73-84.
- [19] 丁幼亮,王晓晶,王高新,等.珠江黄埔大桥钢箱梁温度 长期监测与分析[J].东南大学学报(自然科学版),2012, 42(5):945-949.
- [20] 丁幼亮,王高新,周广东,等.基于长期监测数据的润扬 大桥扁平钢箱梁温度分布特性[J].中国公路学报,2013, 26(2):94-101.